

1

| | | | |
|-------|---------------|-----|----------------|
| ① | -8 | ② | -3 |
| ③ (7) | 8 | (4) | 2 |
| ④ (7) | $\frac{1}{4}$ | (4) | $\frac{5}{12}$ |
| ⑤ | 36 | | |

2

男子参加者全体の人数を x 人,
女子参加者全体の人数を y 人とする
 $x + y = 108 \dots \dots \textcircled{1}$

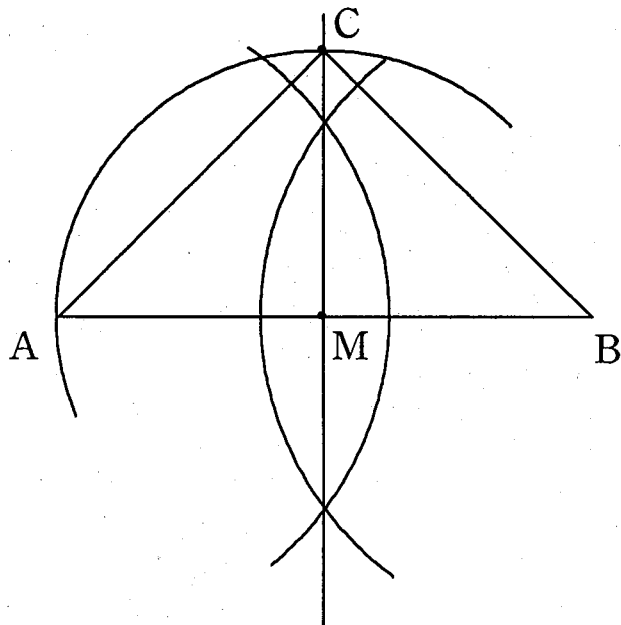
$$\text{また, } x \times \frac{7}{10} + y \times \frac{13}{16} = 108 \times \frac{3}{4}$$

$$\text{よって, } 56x + 65y = 6480 \dots \dots \textcircled{2}$$

$$\textcircled{1}, \textcircled{2} \text{ により, } x = 60, y = 48$$

男子参加者全体の人数は 60 人である。……

3



| | | |
|----------|--------|-------------|
| 受検 番号 | (算用数字) | 志 願 校 |
|----------|--------|-------------|

解答用紙

4

| | | | |
|-------|------------|-----|---------------|
| ① (7) | $\sqrt{2}$ | (4) | $\frac{1}{2}$ |
|-------|------------|-----|---------------|

② **証明** $\triangle AEF$ と $\triangle CEA$ において
 $AE : CE = \sqrt{2} : 2 = 1 : \sqrt{2}$
 $FE : AE = 1 : \sqrt{2}$
 よって, $AE : CE = FE : AE$
 また, $\angle AEF = \angle CEA$ (共通)

2組の辺の比とその間の角が, それぞれ等しいので
 $\triangle AEF \sim \triangle CEA$ **終**

| | | | |
|-------|---------------|-----|---|
| ③ (7) | $\frac{3}{2}$ | (4) | 3 |
|-------|---------------|-----|---|

④ 高さの等しい三角形の面積の比は
 底辺の長さの比に等しいので, ③から
 $(\triangle AGH \text{の面積}) = (\triangle ACH \text{の面積}) \times \frac{3}{5}$
 $= \{(\triangle ACF \text{の面積}) \times \frac{3}{4}\} \times \frac{3}{5}$
 よって, $S = \frac{1}{2} \times \frac{3}{4} \times \frac{3}{5} = \frac{9}{40} \text{ (cm}^2\text{)}$

また, $(\triangle CDG \text{の面積}) = (\triangle ACD \text{の面積}) \times \frac{2}{5}$

よって, $T = \left(\frac{1}{2} \times 3 \times 1\right) \times \frac{2}{5} = \frac{3}{5} \text{ (cm}^2\text{)}$

したがって, $S : T = \frac{9}{40} : \frac{3}{5} = 3 : 8$ **答**

5

| | | | |
|---|---------------------|---|----|
| ① | $-\frac{1}{2}x - 3$ | ② | 13 |
|---|---------------------|---|----|

③ $\triangle OAB$ の面積は $\frac{1}{2} \times 3 \times 2 + \frac{1}{2} \times 3 \times 3 = \frac{15}{2}$
 $AB = \sqrt{5^2 + \left(\frac{5}{2}\right)^2} = \frac{5\sqrt{5}}{2}$ であるから
 $\triangle OAB$ の面積は $\frac{1}{2} \times \frac{5\sqrt{5}}{2} \times d$
 よって, $\frac{1}{2} \times \frac{5\sqrt{5}}{2} \times d = \frac{15}{2}$
 したがって, $d = \frac{6}{\sqrt{5}} = \frac{6\sqrt{5}}{5}$ **答**

④ $B\left(3, -\frac{9}{2}\right)$, $C(-6, 0)$ であるから
 $OB = \sqrt{3^2 + \left(-\frac{9}{2}\right)^2} = \sqrt{\frac{117}{4}}$
 $OC = 6 = \sqrt{36}$
 よって, $OB < OC$
 線分 BC は直線 OP と垂直であるから
 $\triangle OPC$ を 1 回転させた立体の方が体積は大きい。
 $\triangle OPC$ において三平方の定理により
 $CP^2 = 6^2 - \left(\frac{6\sqrt{5}}{5}\right)^2 = \frac{144}{5}$
 よって, 求める体積は
 $\frac{1}{3} \times \left(\pi \times \frac{144}{5}\right) \times \frac{6\sqrt{5}}{5} = \frac{288\sqrt{5}}{25} \pi$ **答**