

受検 番号	(算用数字)	志願校
----------	--------	-----

解 答 用 紙

平成20年度

数(1)

(2)

計

1

①	3	②	$-9\sqrt{2}$
---	---	---	--------------

③ (7)	$\frac{1}{3}$	④	$\frac{5}{9}$
-------	---------------	---	---------------

④ (7)	-8	④	2
-------	----	---	---

⑤	21	⑥	$\frac{48}{5}\pi$
---	----	---	-------------------

2 [問 1]

① (7)	$\frac{2}{5}$	④	2
(ウ)	$-\frac{5}{4}$	(エ)	$\frac{3}{2}$

②	2	③	$\frac{11}{4}$
---	---	---	----------------

[問 2]

A, B がゲームに勝った回数を
それぞれ x, y とする。

A の点数の変化に着目すると

$$5x - 2y = 100 - 50$$

よって

$$5x - 2y = 50 \quad \dots \dots \textcircled{1}$$

B の点数の変化に着目すると

$$5y - 2x = (100 - 28) - 50$$

よって

$$-2x + 5y = 22 \quad \dots \dots \textcircled{2}$$

$$\textcircled{1} \times 5 + \textcircled{2} \times 2 \text{ より}$$

$$21x = 294, \quad x = 14$$

①に代入して

$$70 - 2y = 50, \quad y = 10$$

A がゲームに勝った回数は 14 回
B がゲームに勝った回数は 10 回
である。……答

受検 番号	(算用数字)	志願校
----------	--------	-----

平成20年度
解 答 用 紙

(2)

3

①	$\sqrt{3}$
---	------------

②	$\sqrt{3}$
---	------------

③	$\frac{4\sqrt{3}}{3}$
---	-----------------------

④ $S = \frac{1}{2}AB \times OH + \frac{1}{2}AB \times CH$
 $= \frac{1}{2}AB \times OC = \frac{1}{2} \times 2 \times \frac{4\sqrt{3}}{3} = \frac{4\sqrt{3}}{3}$ 図

右の図から、 S が二等分されるようにすると、直線 $y = p$ は直線 AB より下側にある。直線 $y = p$ と辺 OA の交点を D 、辺 OB の交点を E とする。

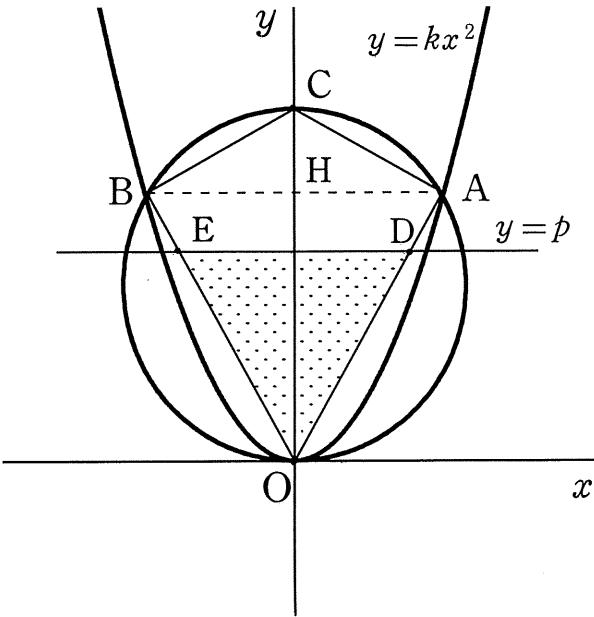
$\triangle ODE$ は正三角形であるから

$$DE = p \times \frac{2}{\sqrt{3}} = \frac{2\sqrt{3}}{3}p$$

$$\triangle ODE \text{ の面積は } \frac{1}{2} \times p \times \frac{2\sqrt{3}}{3}p = \frac{\sqrt{3}}{3}p^2$$

$$\text{よって, } \frac{\sqrt{3}}{3}p^2 = \frac{1}{2} \times \frac{4\sqrt{3}}{3} \quad p^2 = 2$$

$$\text{図より, } p > 0 \text{ であるから, } p = \sqrt{2} \quad \dots \dots \text{図}$$



4

① [証明]

$\angle PBC = x$ とすると

$$\angle PAB = 2x, \quad \angle ABP = 90^\circ - x$$

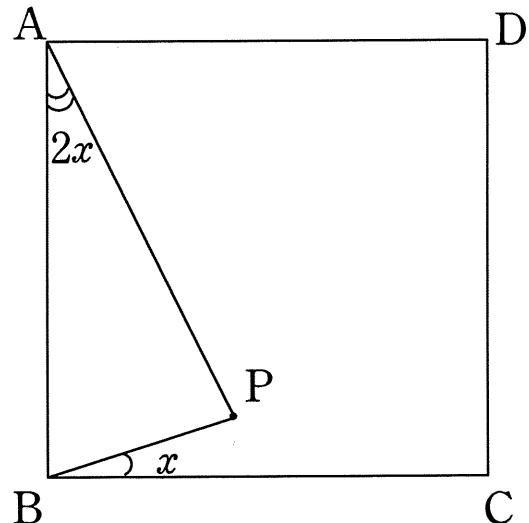
$\triangle ABD$ において

$$\begin{aligned} \angle APB &= 180^\circ - (\angle PAB + \angle ABP) \\ &= 180^\circ - (2x + 90^\circ - x) \\ &= 90^\circ - x \end{aligned}$$

$$\text{よって, } \angle ABP = \angle APB$$

$\triangle ABD$ は二等辺三角形である。

したがって, $AB = AP$ 終



⑦	$2\sqrt{2} - 2$
---	-----------------

⑧	22.5
---	------

③ $AP = AB = AD, \angle PAD = 60^\circ$ であるから、 $\triangle ADP$ は正三角形である。

$$\text{よって, } \angle PDA = 60^\circ$$

したがって、 $\angle PDC = 30^\circ$ 図

また、辺 AD の中点を M とすると、

$$AM = 1, \quad PM = \sqrt{3} \text{ であるから}$$

$$S = \frac{1}{2} \times 2 \times (2 - \sqrt{3}) = 2 - \sqrt{3} \quad \dots \dots \text{図}$$