

| | | |
|----------|--------|-------------|
| 受検 番号 | (算用数字) | 志 願 校 |
|----------|--------|-------------|

解答用紙

| | | |
|-------|-----|---|
| 数 (1) | (2) | 計 |
|-------|-----|---|

1

| | | | |
|---|----------------|---|---|
| ① | $2 - \sqrt{3}$ | ② | 3 |
|---|----------------|---|---|

| | |
|---|----------------|
| ③ | $4\sqrt{3}\pi$ |
|---|----------------|

| | | | |
|-------|---------------|-----|----------------|
| ④ (7) | $\frac{1}{6}$ | (4) | $\frac{7}{18}$ |
|-------|---------------|-----|----------------|

| | | | | | |
|---|------|-------|----|-----|----|
| ⑤ | 72.5 | ⑥ (7) | 10 | (4) | 12 |
|---|------|-------|----|-----|----|

2

A の 1 辺の長さを x m とすると, A, B 2 枚の面積の和は 33 m^2 であるから
 $x^2 + 2x(x+1) = 33$ よって, $3x^2 + 2x - 33 = 0$ これを解いて

$$x = \frac{-2 \pm \sqrt{2^2 - 4 \cdot 3 \cdot (-33)}}{2 \cdot 3}$$

$$= \frac{-2 \pm \sqrt{400}}{6} = \frac{-2 \pm 20}{6} = 3, -\frac{11}{3}$$

$x > 0$ であるから, $x = 3$

よって, A の面積は $3^2 = 9 (\text{m}^2)$, B の面積は $2 \cdot 3 \cdot 4 = 24 (\text{m}^2)$ である。 答

3

右図で, $AB = x$ とおくと

$$BD = \sqrt{3}x, \quad BC = \frac{x}{\sqrt{3}}, \quad CD = 30 \cdot 0.6 = 18$$

$BD - BC = 18$ であるから

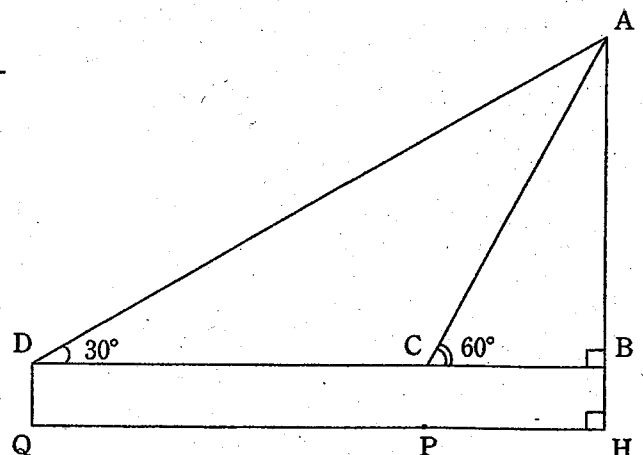
$$\sqrt{3}x - \frac{x}{\sqrt{3}} = 18 \quad 3x - x = 18\sqrt{3}$$

$$x = 9\sqrt{3} = 15.57$$

よって, 求める高さは

$$AH = 15.57 + 1.6 = 17.17$$

四捨五入して, 17.2 m 答



| | | |
|----------|--------|-----|
| 受検 番号 | (算用数字) | 志願校 |
|----------|--------|-----|

解答用紙

| |
|-----|
| (2) |
|-----|

4

① [証明]

△ABE と △DBC において

\widehat{BC} に対する円周角は等しいので、 $\angle BAE = \angle BDC \dots\dots (1)$

また、 $AB : DB = 3 : 6 = 1 : 2$, $AE : DC = 2 : 4 = 1 : 2$

よって、 $AB : DB = AE : DC \dots\dots (2)$

(1), (2) より、2組の辺の比が等しく、その間の角が等しいから

△ABE \sim △DBC 終

| | | | |
|-------|---------------|-----|----------------|
| ② (7) | $\frac{8}{3}$ | (4) | $\frac{20}{3}$ |
|-------|---------------|-----|----------------|

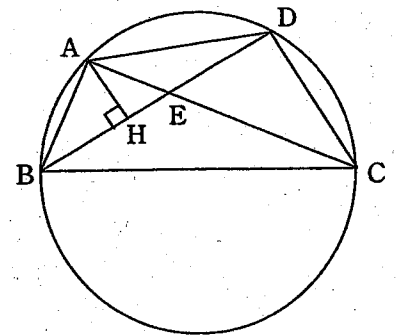
③ $EH = x$ とおくと、 $BE = \frac{10}{3}$ であるから、 $BH = \frac{10}{3} - x$

△ABH で三平方の定理により、 $AH^2 = 9 - \left(\frac{10}{3} - x\right)^2$

△AEH で三平方の定理により、 $AH^2 = 4 - x^2$

よって、 $9 - \left(\frac{10}{3} - x\right)^2 = 4 - x^2$

$9 - \frac{100}{9} + \frac{20x}{3} - x^2 = 4 - x^2$ これを解いて、 $EH = x = \frac{11}{12}$ (cm) 答



| | |
|---|------------------|
| ④ | $\frac{120}{11}$ |
|---|------------------|

5

| | | | | | |
|-------|---------------|-----|---|-----|---|
| ① (7) | $\frac{1}{2}$ | (4) | 1 | (9) | 4 |
| (1) | 24 | | | | |

② 直線 $y = mx + 2$ と y 軸の交点が辺 OD の中点であるから、直線 $y = mx + 2$ と辺 BC が、辺 BC の中点 (4, 4) で交わればよい。

よって、 $4 = 4m + 2$

これを解いて、 $m = \frac{1}{2}$ 答

③ △BCD は $BD = CD = 4\sqrt{2}$ の直角二等辺三角形、△OAD は $OA = AD = 2\sqrt{2}$ の直角二等辺三角形である。

△BCD を直線 AB を軸として 1 回転させてできる立体の体積を V_1 、

△OAD を直線 AB を軸として 1 回転させてできる立体の体積を V_2 とすれば

$$V_1 = \frac{1}{3} \cdot \pi (4\sqrt{2})^3 = \frac{128\sqrt{2}}{3} \pi$$

$$V_2 = \frac{1}{3} \cdot \pi (2\sqrt{2})^3 = \frac{16\sqrt{2}}{3} \pi$$

よって、求める体積は

$$2V_1 - 2V_2 = \frac{224\sqrt{2}}{3} \pi \quad \text{答}$$