

(注意) 1 答えに $\sqrt{\quad}$ が含まれるときは、 $\sqrt{\quad}$ をつけたままで答えなさい。

また、 $\sqrt{\quad}$ の中の数は、できるだけ小さい自然数にしなさい。

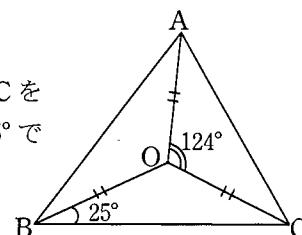
2 円周率は π を用いなさい。

3 解答は、すべて解答用紙に記入しなさい。

1 次の①～⑥の に適当な数を書き入れなさい。

① $(\sqrt{3} + 2)^2 - \sqrt{48}$ を計算すると である。

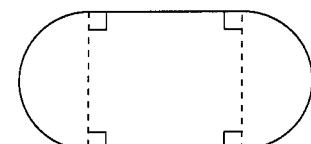
② 右の図のように、点 O から等距離にある 3 点 A, B, C を頂点とする $\triangle ABC$ がある。 $\angle AOC = 124^\circ$, $\angle OBC = 25^\circ$ であるとき、 $\angle OAB = \boxed{\quad}$ ° である。



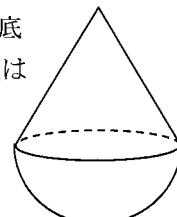
③ 10 円, 50 円, 100 円の 3 枚の硬貨を同時に投げるとき、3 枚とも表となる確率は (7) であり、表が出た硬貨の金額の合計が 60 円以上になる確率は (1) である。

④ グループ A の 20 人とグループ B の 40 人、合計 60 人の 50 m 走の平均タイムは 8.1 秒で、グループ A の 20 人の平均タイムは 7.9 秒であった。グループ B の 40 人の平均タイムは 秒である。ただし、それぞれの平均タイムは小数第 1 位未満の端数は生じなかった。

⑤ 右の図のような半径の等しい 2 つの半円と 1 つの長方形を組み合わせたトラックがグラウンドに描かれている。このトラックの線から 2 m 外側を 1 周するときの移動距離は トラック 1 周の線の長さより m 長くなる。



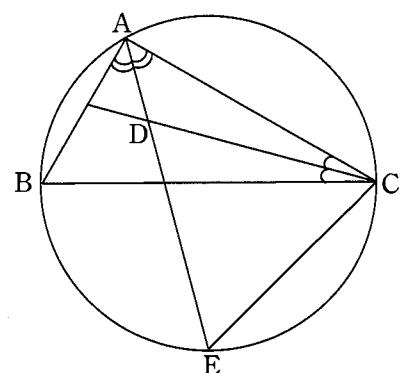
⑥ 右の図のように、底面の半径が 3 cm、高さが 4 cm の円錐の底面に、半径 3 cm の半球がついた立体がある。この立体の表面積は cm² である。



2 朝日高校では 1 年生の希望者を対象にスキー教室を実施しており、ある年の参加者は男子が女子よりも 15 人多かった。また、その参加者にスキー経験の有無を調査したところ、男子のスキー経験者は男子の参加者の $\frac{2}{3}$ であり、女子のスキー経験者は女子の参加者の $\frac{5}{9}$ であった。また、男女のスキー経験者の合計は参加者全体の $\frac{13}{21}$ であった。この年の男子、女子の参加者数をそれぞれ求めなさい。ただし、答えだけでなく、答えを求める過程がわかるように、途中の式や計算なども書きなさい。

3 a, b は定数で $a < 0$ とする。関数 $y = \frac{a^2}{x}$ について、 x の変域が $8a \leq x \leq 2a$ のとき、 y の変域は $\frac{a^2 - 1}{4} \leq y \leq b$ である。このとき、 a, b の値を求めなさい。ただし、答えだけでなく、答えを求める過程がわかるように、途中の式や計算なども書きなさい。

- 4 右の図のような $\triangle ABC$ において、 $\angle A$ の二等分線と $\angle C$ の二等分線の交点をDとする。また、3点A, B, Cを通る円と直線ADとの交点のうち、点Aと異なる点をEとすると、 $\angle BAE=45^\circ$ 、 $\angle BCD=15^\circ$ である。



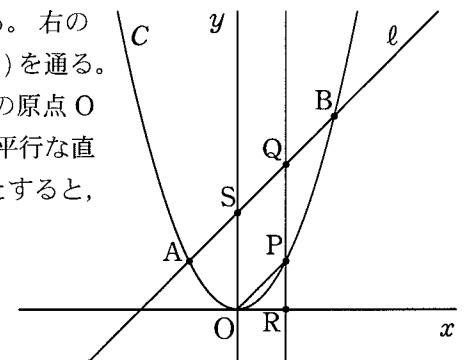
次の①, ③では□に適當な数を書き入れなさい。また、②では指示に従って答えなさい。

① $\angle B = \boxed{\text{?}}^\circ$, $\angle ADC = \boxed{\text{?}}^\circ$ である。

② $CE=DE$ であることを証明しなさい。

③ $AB=2$ であるとき、 $AC = \boxed{\text{?}}$, $AD = \boxed{\text{?}}$ である。

- 5 関数 $y=ax^2$ (a は定数)のグラフをCとする。右の図のようにCは、2点A(-3, 3)とB(b, 12)を通る。また、2点A, Bを通る直線を ℓ とする。C上の原点Oと点Bの間に点Pをとり、点Pを通り y 軸に平行な直線と直線 ℓ との交点をQ, x 軸との交点をRとするとき、 $PQ : PR = 2 : 1$ である。ただし、 $b > 0$ とする。



次の①, ③では□に適當な数を書き入れなさい。また、②では答えだけではなく、答えを求める過程がわかるように、途中の式や計算なども書きなさい。

① a, b の値をそれぞれ求めると、 $a = \boxed{\text{?}}$, $b = \boxed{\text{?}}$ である。

また、直線 ℓ と y 軸との交点をSとすると、点Sの y 座標は $\boxed{\text{?}}$ である。

② 点Rの x 座標を t とするとき、 t の値を求めなさい。

③ ①, ②のとき、四角形OPQSの面積は $\boxed{\text{?}}$ である。

また、四角形OPQSを底面、点Tを頂点とする四角錐において、 $TO=TQ=5$, $TP=TS$ であるとき、この四角錐の体積は $\boxed{\text{?}}$ である。